問題：

三個相同 (同頻、同相 (in-phase)、同振幅) 的點波源 (point sources) A、B 和 C 位於圖中共線 (collinear) 位置上；此亦是 A 和 C 最接近 B 可在 D 出現第一次完全相消干涉。如圖所示， $AB = 3 \text{ cm}$ ， $BC = x > 3 \text{ cm}$ ， $BD = 4 \text{ cm}$ ，及 $ABC \perp BD$ 。

(a) 求波長 λ 。

(b) 求距離 x 。

可忽略因與波源的距離增加而出現的波幅衰減。

提示：

雙波源相消干涉背後數式 $\cos 0^\circ + \cos 180^\circ = 0$

三波源相消干涉背後數式則是 $\cos 0^\circ + \cos 120^\circ + \cos 240^\circ = 0$

解答：

$\therefore 360^\circ$ 對應波長 λ

$\therefore 120^\circ$ 對應 $\frac{120^\circ}{360^\circ}\lambda = \frac{1}{3}\lambda$ ，及 240° 對應 $\frac{2}{3}\lambda$

數式 $\cos 0^\circ + \cos 120^\circ + \cos 240^\circ = 0$ ，

更一般的是

$\cos \theta + \cos(\theta \pm 120^\circ) + \cos(\theta \pm 240^\circ) = 0$ ，其中 θ 是任意角。

意思是三個 cosine (或 sine) 波形，當互相之間有 120° 相差，它們的和總是零。

B 離開 D 最近; C 離開 D 最遠。

A、B 和 C 同相振動，意謂在任何時刻，由 A、B 和 C 出來的波形相同。

但因為路途長短不一，同時間出發的三個同相波形不會同時抵達 D。
反過來說：除非路途相同，同時間到達 D 的三個波形皆不可能是同時
「出門」（由各自的波源出發）。

路途稍遠的，就要早一點出門。早一點出門與晚一點出門的波形就存在相差 (phase difference)。所以，同時間到達觀察點的多個波形就存在相差 — 這是造成波動干涉現象的基本原理。

如果路程比別人長 $\lambda/3$ ，就要早週期的 $1/3$ 出門。當大家同時抵達目的地之時，兩者的相差就是 120° 。

所以，要求同時抵達 D 的三個波形之間存在 120° 相差，那就等同要求它們之間的程差是一個比一個長 $\lambda/3$ 。

所以，D 是第一個相消干涉的程差要求：

$$AD - BD = \lambda/3, \text{ 及}$$

$$CD - AD = \lambda/3。$$

(a)

$$\therefore AD - BD = \lambda/3$$

$$\therefore \sqrt{3^2+4^2} - 4 = \frac{\lambda}{3}$$

$$\therefore \lambda = 3 \text{ cm}$$

(b)

$\therefore CD - AD = \lambda/3$ (利用 “ $CD - BD = 2\lambda/3$ ” 也可以)

$$\therefore \sqrt{x^2+4^2} - \sqrt{3^2+4^2} = \frac{\lambda}{3}$$

代入 $\lambda = 3 \text{ cm}$ ，求得 $x = \sqrt{20} = 4.47 \text{ cm}$ 。

問題：若 A、B 和 D 固定，那存在另外的 x 值一樣在 D 造成相消干涉嗎？

答： $CD - AD = (n + 1/3)\lambda$ ，其中 $n = 1, 2, 3, \dots$ 也可以。這樣可求得不同 x 。

作者：吳老師 (Chiu-King Ng)

<https://ngsir.netfirms.com>

<http://phy.hk>

電郵：feedbackWZ@phy.hk 其中 WZ 是 23 之後的質數